



الجمهورية التونسية			امتحان شهادة ختم التعليم الأساسي العام	
وزارة التربية			دورة 2023	
الاختبار: الرياضيات		الحصة: ساعتان	ضارب الاختبار: 2	

التمرين الأول : (3 نقاط)

يلي كلّ سؤال ثلاث إجابات، إحداها فقط صحيحة.
أنقل، في كلّ مرّة، على ورقة تحريرك رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له.

1. مجموعة حلول المعادلة $1 - 2|x| = -5$ في $\mathbb{R}$ هي :

- أ) $\emptyset$ ب) $\{-3, 3\}$ ج) $\{3\}$

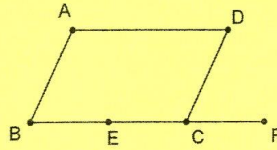
2. a و b رقمان. إذا كان العدد $9b2a$ يقبل القسمة على 4 وعلى 5 وعلى 9 في آن واحد فإن :

- أ) $b=3$ ب) $b=7$ ج) $b=8$

3. في الرسم التالي ABCD متوازي الأضلاع حيث E منتصف [BC] و C منتصف [EF].

إحداثيات النقطة A في المعين (C, F, D) هي :

- أ) $(-1, 1)$ ب) $(2, 1)$ ج) $(-2, 1)$



التمرين الثاني : (4 نقاط)

نعتبر العددين الحقيقيين : $a = 8 - 4\sqrt{3} + 4(1 - \sqrt{3})^2$ و $b = \frac{4 + \sqrt{12}}{24}$

1. أ) بين أن $a = 12(2 - \sqrt{3})$ و $b = \frac{2 + \sqrt{3}}{12}$

ب) بين أن a و b عددان مقلوبان.

ج) بين أن $3 < 2 + \sqrt{3} < 4$ واستنتج حصرا للعدد b

د) بين أن $a \in]3, 4[$

2. حلّ في $\mathbb{R}$ المتراجحة $|2x - 7| < 1$

3. بين أن $|a - 3| + |a - 4| - (2a - 7)^2 > 0$

التمرين الثالث : (6 نقاط)

1. نعتبر العبارة $F = -4x^2 + 5x$ حيث x عدد حقيقي.

أ) أحسب القيمة العددية للعبارة F في حالة $x = \frac{1}{2}$

ب) بين أن $F - \frac{3}{2} = -4(x - \frac{1}{2})(x - \frac{3}{4})$

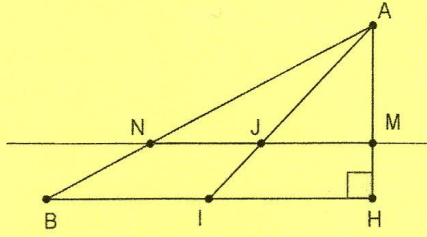
ج) جد مجموعة الأعداد الحقيقية x حيث $F = \frac{3}{2}$





2. (وحدة قياس الطول هي الصنمتر). في الرسم المقابل لدينا :

- HAB مثلث قائم في H حيث $AH = 1$ و $BH = 2$ و I منتصف [BH].
- M نقطة من [AH] مخالفة لـ H و A.
- المستقيم المار من M والموازي لـ (BH) يقطع [AI] في النقطة J و [AB] في النقطة N.



أ) بين أن $\frac{AJ}{AI} = \frac{JM}{IH}$ وأن $\frac{AJ}{AI} = \frac{NJ}{BI}$

- ب) استنتج أن I منتصف [MN].
- ج) بين أن المثلث MAJ قائم الزاوية في M ومتقايس الضلعين.
- د) استنتج أن $MN = 2MA$

3. المستقيم المار من A والعمودي على (AB) يقطع (BH) في النقطة C.

ليكن $HM = a$ حيث a عدد حقيقي ينتمي للمجال $]0,1[$ و S مساحة الرباعي NHCM.

أ) بين أن $MN = 2(1 - a)$ وأن $HC = \frac{1}{2}$

ب) بين أن $S = \frac{1}{4}(-4a^2 + 5a)$

ج) جد قيم العدد a حيث $S = \frac{3}{8}$

د) ما هي طبيعة الرباعي NHCM في حالة $a = \frac{3}{4}$ ؟

التمرين الرابع : (3 نقاط)

(وحدة قياس الطول هي الصنمتر). في الرسم المقابل لدينا SABC هرم حيث :

- ABC مثلث متقايس الأضلاع و I منتصف [BC].

- (SI) عمودي على المستوي (ABC).

• $AB = 2$ و $SI = \sqrt{11}$

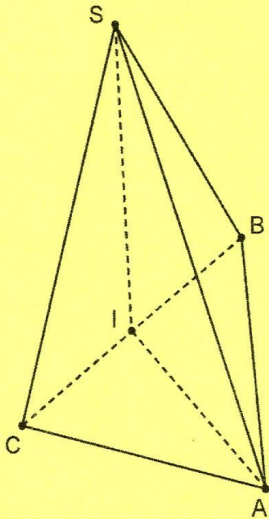
1. بين أن المستقيم (SI) عمودي على المستقيم (BI) واستنتج أن $SB = 2\sqrt{3}$

2. بين أن المستقيم (AI) عمودي على المستوي (SBC).

3. لتكن النقطة J منتصف [SB].

أ) بين أن المثلث AIJ قائم في I ومتقايس الضلعين.

ب) أحسب AJ.



التمرين الخامس : (4 نقاط)

(وحدة قياس الطول هي الصنمتر). في الرسم المقابل لدينا :

ABC مثلث قائم الزاوية في A، I منتصف [BC]، J منظرية I بالنسبة إلى (AC) و D منظرية C بالنسبة إلى A.

1. أ) بين أن $IA = IC$

ب) بين أن الرباعي AICJ معين.

2. المستقيم (DI) يقطع [AB] في النقطة G.

المستقيم (AJ) يقطع [DB] في النقطة K.

أ) بين أن G مركز ثقل المثلث DBC.

ب) استنتج أن النقاط C و G و K على استقامة واحدة.

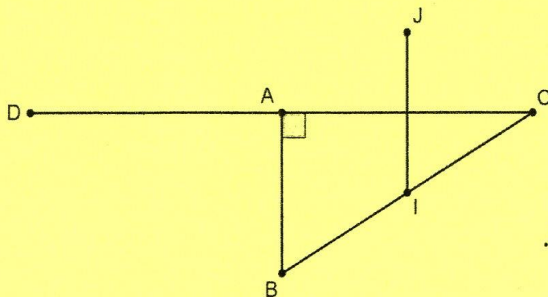
3. أ) بين أن النقطة A منتصف [JK].

4. ب) استنتج أن G مركز ثقل المثلث JKB.

5. لتكن النقطة O منتصف [BJ].

أ) بين أن النقاط C و O و G على استقامة واحدة.

ب) بين أن $GC = 4GO$



مرحبا بكم علي منصة مراجعة



COLLEGE.MOURAJAA.COM



NEWS.MOURAJAA.COM

